

**Exercice 1 (4points)**

Déterminer les chiffres  $x$  et  $y$  pour que l'entier  $N = 2x6y0$  soit divisible par 25 et par 11.

**Exercice 2 (3points)**

1) Développer l'expression :  $(n + 2)(2n + 1)$ .

2) Déterminer l'ensemble des entiers  $n$  tels que  $\frac{2n^2 + 5n + 17}{n + 2}$  soit un entier naturel.

**Exercice 3 (4 points)**

1) Déterminer le reste de la division euclidienne de 10,  $10^2$  et  $10^3$  par 6.

2) Soit l'entier  $n = abcd$ .

Montrer que  $n$  est divisible par 6 si et seulement si  $4(a + b + c) + d$  est divisible par 6.

**Exercice 4 (9points)**

Soit  $ABC$  un triangle direct tel que  $AB = 4$ ,  $BC = 2$  et  $\widehat{ABC} = \frac{\pi}{4}$ . On désigne par  $I$  le milieu de  $[AB]$

et  $r$  la rotation indirecte de centre  $B$  et d'angle  $\frac{\pi}{4}$ .

1) Montrer que  $r(I) = C$  et déduire  $r((AB))$ .

2) a) Construire le point  $A' = r(A)$  et montrer que  $A' \in (BC)$ .

b) Montrer que  $IB = CA'$ .

3) Soit  $\Delta$  la droite perpendiculaire à  $(AB)$  en  $A$  et  $\Delta'$  la droite perpendiculaire à  $(BC)$  et passant par  $A'$ . Montrer que  $r(\Delta) = \Delta'$ .

4) Les droites  $\Delta$  et  $\Delta'$  se coupent en  $J$ .

5) a) Construire le point  $E$  image de  $J$  par  $r$  et le point  $F$  antécédent de  $J$  par  $r$ .

b) Montrer que  $E \in \Delta'$  et que  $F \in \Delta$ .

c) Montrer que  $A$  est le milieu de  $[FJ]$ .

d) En déduire que  $A'$  est le milieu de  $[JE]$ .

e) Montrer que le triangle  $BEF$  est rectangle et isocèle en  $B$ .